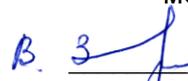


МИНОБРНАУКИ РОССИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
(ФГБОУ ВО ВГУ)

УТВЕРЖДАЮ  
Заведующий кафедрой  
алгебры и математических  
методов гидродинамики

 (Звягин В.Г.)  
*подпись, расшифровка подписи*  
18.03.2025 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**  
Б1.В.ДВ.03.01 Общая теория аттракторов уравнений гидродинамики

- 1. Шифр и наименование направления подготовки:**  
01.04.01 Математика
- 2. Профиль подготовки:** Математические модели гидродинамики
- 3. Квалификация выпускника:** Магистр
- 4. Форма образования:** Очная
- 5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины:** Кафедра алгебры и математических методов гидродинамики
- 6. Составители программы:** профессор, д.ф.-м.н. Звягин Виктор Григорьевич
- 7. Рекомендована:** НМС математического факультета протокол № 0500-03 от 18.03.2025 г.
- 8. Учебный год:** 2026-2027 **Семестр(-ы):** 4

## 9. Цели и задачи учебной дисциплины:

*Целью курса является*

- освоение основных понятий общей теории аттракторов и овладение методами применения этой теории к решению различных математических задач.

*Задачи изучения дисциплины*

- формирование способностей применения математических формализмов в профессиональной деятельности

- выработка навыков и умений по применению полученных знаний при исследовании различных моделей гидродинамики

## 10. Место учебной дисциплины в структуре ООП:

Дисциплина «Общая теория аттракторов уравнений гидродинамики» относится к части, формируемой участниками образовательных отношений Блока 1.

Для его успешного освоения необходимы знания и умения, приобретенные в результате обучения по предшествующим дисциплинам: аппроксимационно-топологический метод для разрешимости уравнений гидродинамики, дифференциальные уравнения, функциональный анализ.

Студент должен свободно владеть математическим анализом, элементами дифференциальных уравнений, обладать полными знаниями теории банаховых и гильбертовых пространств.

Дисциплина является предшествующей для курсов математического моделирования, всех специальных курсов, изучающих задачи математической физики.

## 11. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины:

Код	Название компетенции	Код(ы)	Индикатор(ы)	Планируемые результаты обучения
ПК-1	Способен решать задачи аналитического характера, предполагающих выбор и многообразие актуальных способов решения задач математической гидродинамики	ПК-1.1	Обладает большим объемом знаний в области математической гидродинамики	Знать: зарубежную и отечественную литературу в области математической гидродинамики Уметь: формулировать постановки основных задач математической гидродинамики, формулировать и доказывать теоремы предметной области Владеть: источниками информации, теоретическими подходами к исследованию математической гидродинамики
		ПК-1.2	Умеет находить, формулировать и решать стандартные задачи в собственной научно-исследовательской деятельности в области математической гидродинамики	Знать: современные методы проведения научных исследований, подходы к анализу научно-исследовательских работ Уметь: находить, формулировать и исследовать разрешимость в научно-исследовательской деятельности Владеть: методами исследования и решения классических моделей гидродинамики
		ПК-1.3	Имеет практический опыт научно-исследовательской деятельности в области математической гидродинамики	Знать: современные методы анализа научно-исследовательских работ, основы научно-исследовательской деятельности в области математической гидродинамики Уметь: определять и развивать тематику научного исследования Владеть: современными методами научного анализа в области математической гидродинамики

## 12. Объем дисциплины в зачетных единицах/часах в соответствии с учебным планом — 2/72.

Форма промежуточной аттестации - экзамен

## 13. Трудоемкость по видам учебной работы

Вид учебной работы	Трудоемкость (часы)	
	Всего	По семестрам
		4
Аудиторные занятия	20	20
в том числе:		
лекции	10	10
практические	10	10
лабораторные	-	-
Самостоятельная работа	16	16
Контроль:	36	36
Итого:	72	72

### 13.1. Содержание дисциплины

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины	Реализация раздела дисциплины с помощью онлайн-курса, ЭУМК *
<b>1. Лекции</b>			
1	Траекторные аттракторы	Эволюционное уравнение в банаховом пространстве Пространство траекторий. Понятие траекторного аттрактора. Притягивающие множества	<a href="https://edu.vsu.ru/enrol/index.php?id=5903">https://edu.vsu.ru/enrol/index.php?id=5903</a>
2	Глобальные аттракторы	Понятие глобального аттрактора	
3	Аттракторы полугрупп	Задача Коши для эволюционного уравнения Аттрактор полугруппы Связь понятий аттрактора полугруппы и глобального аттрактора	
4	Аттракторы уравнений движения ньютоновской жидкости	Энергетические оценки для задачи Навье-Стокса. Траекторный аттрактор для задачи Навье-Стокса. Глобальный аттрактор для системы Навье-Стокса.	
5	Энергетические оценки для уравнений движения вязкоупругих сред	Энергетическая оценка для уравнений движения вязкоупругой жидкости. Диссипативная оценка для уравнений движения вязкоупругой жидкости. Доказательство технических лемм.	
6	Аттракторы для уравнений движения вязкоупругих сред	Траекторный аттрактор для уравнений движения вязкоупругой жидкости. Неинвариантность пространства траекторий уравнений движения вязкоупругой жидкости. Глобальный аттрактор для уравнений движения вязкоупругой жидкости	
<b>2. Практические занятия</b>			
1	Траекторные аттракторы	Эволюционное уравнение в банаховом пространстве Пространство траекторий. Понятие траекторного аттрактора. Притягивающие множества	<a href="https://edu.vsu.ru/enrol/index.php?id=5903">https://edu.vsu.ru/enrol/index.php?id=5903</a>
2	Глобальные аттракторы	Понятие глобального аттрактора	
3	Аттракторы полугрупп	Задача Коши для эволюционного уравнения Аттрактор полугруппы. Связь понятий аттрактора полугруппы и глобального аттрактора	
4	Аттракторы уравнений	Энергетические оценки для задачи Навье-Стокса. Траекторный аттрактор для задачи Навье-Стокса.	

	движения ньютоновской жидкости	Глобальный аттрактор для системы Навье-Стокса.	
5	Энергетические оценки для уравнений движения вязкоупругих сред	Энергетическая оценка для уравнений движения вязкоупругой жидкости. Диссипативная оценка для уравнений движения вязкоупругой жидкости. Доказательство технических лемм	
6	Аттракторы для уравнений движения вязкоупругих сред	Траекторный аттрактор для уравнений движения вязкоупругой жидкости. Неинвариантность пространства траекторий уравнений движения вязкоупругой жидкости. Глобальный аттрактор для уравнений движения вязкоупругой жидкости	

### 13.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий:

№ п/п	Название темы	Лекции	Практические занятия	Самостоятельная работа	Всего
1	Траекторные аттракторы	1	1	3	5
2	Глобальные аттракторы	1	1	3	5
3	Аттракторы полугрупп	2	2	2	6
4	Аттракторы уравнений движения ньютоновской жидкости	2	2	2	6
5	Энергетические оценки для уравнений движения вязкоупругих сред	2	2	4	8
6	Аттракторы для уравнений движения вязкоупругих сред	2	2	2	6
	Экзамен				36
	Итого	10	10	16	72

### 14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

В процессе преподавания дисциплины используются такие виды учебной работы, как лекции, практические занятия, а также различные виды самостоятельной работы обучающихся, на которую отводится 16 часов. Самостоятельная учебная деятельность студентов по дисциплине «Общая теория аттракторов уравнений гидродинамики» предполагает изучение рекомендуемой преподавателем литературы по вопросам практических занятий, самостоятельное освоение понятийного аппарата и подготовку к текущим аттестациям (контрольной работе и выполнению практических заданий). На лекциях рассказывается теоретический материал, на практических занятиях решаются примеры по теоретическому материалу, прочитанному на лекциях.

При изучении курса «Общая теория аттракторов уравнений гидродинамики» обучающимся следует внимательно слушать и конспектировать материал, излагаемый на аудиторных занятиях. Вопросы аудиторных занятий обсуждаются на занятиях в виде устного опроса – индивидуального и фронтального. В ходе устного опроса выявляются детали, которые по каким-то причинам оказались недостаточно осмысленными студентами в ходе учебных занятий. Тем самым опрос выполняет важнейшие обучающую, развивающую и корректирующую функции, позволяет студентам учесть недоработки и избежать их при подготовке к экзамену.

Все выполняемые студентами самостоятельно задания (выполнение контрольной работы) подлежат последующей проверке преподавателем. Результаты текущих аттестаций учитываются преподавателем при проведении промежуточной аттестации (экзамена). Для понимания и качественного усвоения предмета рекомендуется следующая последовательность действий.

1. После каждой лекции студентам рекомендуется подробно разобрать прочитанный теоретический материал, выучить все определения и формулировки теорем, разобрать

примеры, решенные на лекции. Перед следующей лекций обязательно повторить материал предыдущей лекции.

2. При подготовке к практическим занятиям повторить основные понятия по темам, изучить примеры. Решая задачи, предварительно понять, какой теоретический материал нужно использовать. Наметить план решения, попробовать на его основе решить практические задачи.

3. Все необходимые для усвоения курса материалы размещены также на сайте факультета [https://math.vsu.ru/wp/?page\\_id=937](https://math.vsu.ru/wp/?page_id=937).

**15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины (список литературы оформляется в соответствии с требованиями ГОСТ и используется общая сквозная нумерация для всех видов источников)**

а) основная литература:

№ п/п	Источник
1	Звягин В.Г., Кондратьев С.К. Аттракторы для уравнений моделей движения вязкоупругих сред// Издательско-полиграфический центр Воронежского госуниверситета, 2010, 266с.
2	Звягин В.Г., Воротников Д.А.. Математические модели ньютоновских жидкостей: учебное пособие по специальности 010100 – Математика//Воронеж: ВГУ, 2004.—42 с.
3	Звягин В.Г., Дмитриенко В.Т. Аппроксимационно-топологический подход к исследованию задач гидродинамики. Система Навье-Стокса / М.: УРСС, 2004.—112 с.

б) дополнительная литература:

№ п/п	Источник
4	Бабин А.В. Аттракторы эволюционных уравнений / А.В. Бабин, М.И. Вишик. - М.: Наука.- 1989.- 294 с.
5	Ладыженская О.А. Математические вопросы динамики вязкой несжимаемой жидкости / О.А. Ладыженская.—М.: Наука, 1970.—288с
6	Темам Р. Уравнения Навье-Стокса: Теория и численный анализ / Р. Темам.—М.: Мир, 1981.—408 с.
7	Гаевский Х. Нелинейные операторные уравнения и операторные дифференциальные уравнения / Х. Гаевский, К. Грёгер, К. Захариас.-М.: Мир, 1978. – 336 с.
8	Лионс Ж.Л. Некоторые методы решения нелинейных краевых задач / Ж.Л. Лионс.- М.: Мир, 1972. – 587 с.

в) базы данных, информационно-справочные и поисковые системы:

9	Электронный каталог ЗНБ ВГУ <a href="http://www.lib.vsu.ru/?p=4">http://www.lib.vsu.ru/?p=4</a>
10	Электронно-библиотечная система издательства «Лань» <a href="https://lanbook.lib.vsu.ru/">https://lanbook.lib.vsu.ru/</a>
11	Сайт факультета <a href="https://math.vsu.ru/wp/?page_id=937">https://math.vsu.ru/wp/?page_id=937</a>

**16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы**

1	Звягин В.Г., Кондратьев С.К. Аттракторы для уравнений моделей движения вязкоупругих сред// Издательско-полиграфический центр Воронежского госуниверситета, 2010, 266с.
2	Звягин В.Г., Воротников Д.А.. Математические модели ньютоновских жидкостей: учебное пособие по специальности 010100 – Математика//Воронеж: ВГУ, 2004.—42 с.
3	Звягин В.Г., Дмитриенко В.Т. Аппроксимационно-топологический подход к исследованию задач гидродинамики. Система Навье-Стокса / М.: УРСС, 2004.—112 с.
4	Положение об организации самостоятельной работы обучающихся в Воронежском государственном университете

**17. Информационные технологии, используемые для реализации учебной дисциплины, включая программное обеспечение и информационно-справочные системы (при необходимости)**

Дисциплина может реализовываться с применением дистанционных образовательных технологий, например, на платформе «Электронный университет ВГУ» (<https://edu.vsu.ru/enrol/index.php?id=5903>)

Перечень необходимого программного обеспечения: операционная система Windows или Linux, Microsoft, Windows Office, LibreOffice 5, *Calc, Math*, браузер Mozilla Firefox, Opera или Internet.

### 18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

*(при использовании лабораторного оборудования указывать полный перечень, при большом количестве оборудования можно вынести данный раздел в приложение к рабочей программе)*

Специализированная мебель.

Для самостоятельной работы используется класс с компьютерной техникой, оснащенный необходимым программным обеспечением, электронными учебными пособиями и законодательно - правовой и нормативной поисковой системой, имеющий выход в глобальную сеть.

При реализации дисциплины с использованием дистанционного образования возможны дополнения материально-технического обеспечения дисциплины.

### 19. Фонд оценочных средств:

#### Оценочные средства для проведения текущей и промежуточной аттестаций

Порядок оценки освоения обучающимися учебного материала определяется содержанием следующих разделов дисциплины:

№ п/п	Наименование раздела дисциплины (модуля)	Компетенция(и)	Индикатор(ы) достижения компетенции	Оценочные средства
1	Траекторные аттракторы	ПК-1	ПК-1.1, ПК-1.2	Домашние задания, контрольная работа
2	Глобальные аттракторы	ПК-1	ПК-1.1, ПК-1.3	Домашние задания, контрольная работа
3	Аттракторы полугрупп	ПК-1	ПК-1.1, ПК-1.3	Домашние задания, контрольная работа
4	Аттракторы уравнений движения ньютоновской жидкости	ПК-1	ПК-1.1, ПК-1.3	Домашние задания, контрольная работа
5	Энергетические оценки для уравнений движения вязкоупругих сред	ПК-1	ПК-1.1, ПК-1.3	Домашние задания, контрольная работа
6	Аттракторы для уравнений движения вязкоупругих сред	ПК-1	ПК-1.1, ПК-1.2, ПК-1.3	Домашние задания, контрольная работа
Промежуточная аттестация Форма контроля - экзамен			Перечень вопросов к экзамену	

### 20. Типовые оценочные средства и методические материалы, определяющие процедуры оценивания

#### 20.1. Текущий контроль успеваемости

Контроль успеваемости по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств:

#### **Домашние задания:**

##### **По теме 1. Траекторные аттракторы**

Звягин В.Г., Кондратьев С.К. Аттракторы для уравнений моделей движения вязкоупругих сред// Издательско-полиграфический центр Воронежского госуниверситета, 2010, 266с.

Задание:

1. Привести доказательство Замечания 1.2.1 для случая полуположительной траектории
2. Показать, что стационарные точки являются частным случаем периодических траекторий.

По теме 2. Глобальные аттракторы

Звягин В.Г., Кондратьев С.К. Аттракторы для уравнений моделей движения вязкоупругих сред// Издательско-полиграфический центр Воронежского государственного университета, 2010, 266с.

Задание:

1. Показать различия между разными подходами определения глобального аттрактора

По теме 3 Аттракторы полугрупп

Звягин В.Г., Кондратьев С.К. Аттракторы для уравнений моделей движения вязкоупругих сред// Издательско-полиграфический центр Воронежского государственного университета, 2010, 266с.

Задание:

1. Доказать теорему 4.7.4

По теме 4. Аттракторы уравнений движения ньютоновской жидкости

Звягин В.Г., Кондратьев С.К. Аттракторы для уравнений моделей движения вязкоупругих сред// Издательско-полиграфический центр Воронежского государственного университета, 2010, 266с.

Задания:

1. Показать использование леммы 2.4.1 в доказательстве существования глобального аттрактора двумерной системы Навье-Стокса.

По теме 5. Энергетические оценки для уравнений движения вязкоупругих сред

Звягин В.Г., Кондратьев С.К. Аттракторы для уравнений моделей движения вязкоупругих сред// Издательско-полиграфический центр Воронежского государственного университета, 2010, 266с.

Задание:

1. Доказать лемму 6.5.1

По теме 6. Аттракторы для уравнений движения вязкоупругих сред

Звягин В.Г., Кондратьев С.К. Аттракторы для уравнений моделей движения вязкоупругих сред// Издательско-полиграфический центр Воронежского государственного университета, 2010, 266с.

Задание:

1. Доказать теорему 6.7.3

**Примерный перечень задач для контрольной работы №1:**

**Контрольно-измерительный материал № 1.**

1. Пространство траекторий. Понятие траекторного аттрактора.
2. Траекторный аттрактор для уравнений движения вязкоупругой жидкости.

Текущий контроль представляет собой проверку усвоения учебного материала теоретического и практического характера, регулярно осуществляемую на занятиях.

Цель текущего контроля:

Определение уровня сформированности профессиональных компетенций, знаний и навыков деятельности в области знаний, излагаемых в курсе.

Задачи текущего контроля: провести оценивание

1. уровня освоения теоретических и практических понятий, научных основ профессиональной деятельности;
2. степени готовности обучающегося применять теоретические и практические знания и профессионально значимую информацию, сформированности когнитивных умений.
3. приобретенных умений, профессионально значимых для профессиональной деятельности.

Текущий контроль предназначен для проверки хода и качества формирования компетенций, стимулирования учебной работы обучаемых и совершенствования

методики освоения новых знаний. Он обеспечивается проведением контрольной работы. В ходе контрольной работы обучающемуся выдается КИМ с перечнем теоретических вопросов и предлагается ответить на данные вопросы. В ходе выполнения заданий нельзя пользоваться литературой и конспектом лекций, ограничение по времени 90 минут.

Если текущая аттестация проводится в дистанционном формате, то обучающийся должен иметь компьютер и доступ в систему «Электронный университет». Если у обучающегося отсутствует необходимое оборудование или доступ в систему, то он обязан сообщить преподавателю об этом за 2 рабочих дня. На контрольную работу в дистанционном режиме отводится ограничение по времени 120 минут.

### **Критерии оценки компетенций (результатов обучения) при текущей аттестации (контрольной работе):**

– оценка «отлично» выставляется, если не менее чем на четыре пятых всех заданий контрольной работы даны правильные, полные и глубокие ответы, раскрывающие уверенное знание студентом понятий, закономерностей, принципов, фактов, содержащихся в конкретных материалах по теме; высокую сформированность у него аналитико-синтетических операций и их успешное применение при изложении изучаемого материала;

– оценка «хорошо» выставляется, если не менее чем на две трети всех заданий контрольной работы даны правильные, полные и глубокие ответы, раскрывающие достаточное знание студентом понятий, закономерностей, принципов, фактов, содержащихся в конкретных материалах по теме; хорошую сформированность у него аналитико-синтетических операций и в целом их адекватное применение при изложении изучаемого материала;

– оценка «удовлетворительно» выставляется, если правильно выполнено не менее половины всех заданий контрольной работы, при этом допускается недостаточная полнота и глубина ответов, в которых студентом продемонстрирован необходимый минимум знаний понятий, закономерностей, принципов, фактов, содержащихся в конкретных материалах по теме; слабая сформированность у него аналитико-синтетических операций, затруднения в их применении при изложении изучаемого материала;

– оценка «неудовлетворительно» выставляется, если с минимально необходимым уровнем решения выполнено менее половины всех заданий контрольной работы, ответы демонстрируют незнание или поверхностное знание студентов понятий, закономерностей, принципов, фактов, содержащихся в конкретных материалах по теме; несформированность у него аналитико-синтетических операций.

### **Количественная шкала оценок:**

– оценка «отлично» выставляется, если безошибочно выполнено не менее 80% заданий контрольной работы, качество решения которых соответствует критерию оценки «отлично»;

– оценка «хорошо» выставляется, если безошибочно выполнено не менее 66% и не более 79% заданий контрольной работы, качество решения которых соответствует критериям оценки «хорошо»;

– оценка «удовлетворительно» выставляется, если безошибочно выполнено не менее 50% и не более 65% заданий контрольной работы, качество решения которых соответствует критериям оценки «удовлетворительно»;

– оценка «неудовлетворительно» выставляется, если безошибочно выполнено менее 50% заданий контрольной работы, качество решения которых соответствует критериям оценки «неудовлетворительно».

## 20.2. Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация предназначена для определения уровня освоения всего объема учебной дисциплины. Промежуточная аттестация по дисциплине «Общая теория аттракторов уравнений гидродинамики» проводится в форме экзамена. Предназначена для определения уровня освоения всего объема учебной дисциплины.

Промежуточная аттестация, как правило, осуществляется в конце семестра. Результаты текущей аттестации обучающегося по решению кафедры могут быть учтены при проведении промежуточной аттестации. При несогласии студента, ему дается возможность пройти промежуточную аттестацию (без учета его текущих аттестаций) на общих основаниях.

При проведении экзамена учитываются результаты контрольной работы и учитывается выставляемая преподавателем оценка за работу в ходе практических занятий.

Если у обучающегося есть положительная оценка по контрольной работе и положительная оценка работы в ходе обучения по практике, то оценка по экзамену выставляется как среднее арифметическое данных оценок с округлением до десятых долей по математическим правилам. Если обучающийся не имеет положительной оценки по контрольной работе или практике, или не согласен с этой оценкой, он может ответить на соответствующие вопросы в ходе экзамена.

### Примерный перечень вопросов:

1	Эволюционное уравнение в банаховом пространстве
2	Пространство траекторий. Понятие траекторного аттрактора
3	Притягивающие множества
4	Понятие глобального аттрактора
5	Задача Коши для эволюционного уравнения
6	Аттрактор полугруппы
7	Связь понятий аттрактора полугруппы и глобального аттрактора
8	Энергетические оценки для задачи Навье-Стокса
9	Траекторный аттрактор для задачи Навье-Стокса
10	Глобальный аттрактор для системы Навье-Стокса.
11	Энергетическая оценка для уравнений движения вязкоупругой жидкости
12	Диссипативная оценка для уравнений движения вязкоупругой жидкости
13	Доказательство технических лемм
14	Траекторный аттрактор для уравнений движения вязкоупругой жидкости.
15	Неинвариантность пространства траекторий уравнений движения вязкоупругой жидкости
16	Глобальный аттрактор для уравнений движения вязкоупругой жидкости

Для оценивания результатов обучения на экзамене используются следующие **показатели:**

- 1) знание теоретических основ;
- 2) умение решать задачи
- 3) умения применять знания в профессиональной сфере;
- 4) успешное прохождение текущей аттестации.

Для оценивания результатов экзамена используется **шкала:** «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно».

Соотношение показателей, критериев и шкалы оценивания результатов обучения показаны в следующей таблице:

Критерии оценивания компетенций	Уровень сформированности компетенций	Шкала оценок
---------------------------------	--------------------------------------	--------------

<p>Полное соответствие обучающимся всем перечисленным показателям по каждому из вопросов контрольно-измерительного материала.</p> <p>Обучающийся в полной мере владеет понятийным аппаратом данной области науки (теоретическими основами дисциплины), способен иллюстрировать ответ примерами, применять теоретические знания для решения практических задач в области курса, студент умеет работать с различными источниками научной информации, грамотно и правильно представляет свои результаты, правильно отвечает на вопросы КИМ</p>	Повышенный уровень	Отлично
<p>Несоответствие ответа обучающегося одному из перечисленных выше показателей (к одному из вопросов контрольно-измерительного материала) и правильный ответ на дополнительный вопрос в пределах программы.</p> <p>ИЛИ</p> <p>Несоответствие ответа обучающегося любым двум из перечисленных показателей (либо двум к одному вопросу, либо по одному к каждому вопросу контрольно-измерительного материала) и правильные ответы на два дополнительных вопроса в пределах программы.</p>	Базовый уровень	Хорошо
<p>Несоответствие ответа обучающегося любым двум из перечисленных показателей и неправильный ответ на дополнительный вопрос в пределах программы.</p> <p>ИЛИ</p> <p>Несоответствие ответа обучающегося любым трем из перечисленных показателей (в различных комбинациях по отношению к вопросам контрольно-измерительного материала).</p>	Пороговый уровень	Удовлетворительно
<p>Несоответствие ответа обучающегося любым из перечисленных показателей (в различных комбинациях по отношению к вопросам контрольно-измерительного материала).</p>	–	Неудовлетворительно

### 20.3 Фонд оценочных средств сформированности компетенций студентов, рекомендуемый для проведения диагностических работ

№1 Множество  $P \subset C(R_+, E_0) \cap L_\infty(R_+, E)$  называется ..., если оно удовлетворяет следующим условиям:

- 1) Множество  $P$  компактно в  $C(R_+, E_0)$  и ограничено в  $L_\infty(R_+, E)$ ;
- 2)  $T(t)P \subset P$  для любого  $t \geq 0$ ;
- 3) Множество  $P$  является притягивающим.
  - а) траекторный квазиаттрактор;
  - б) траекторный полуаттрактор;**
  - в) траекторный аттрактор.

Ответ: б)

№2 Закончите определение. Минимальные траекторный аттрактор наименьший по включению траекторный аттрактор, т.е. такой траекторный аттрактор, который содержится в любом...

Ответ: **другом траекторном аттракторе.**

№3 Верно ли утверждение минимальный траекторный аттрактор всегда является минимальным траекторным полуаттрактором?

а) нет;

**б) да;**

в) да, при некоторых условиях.

Ответ: б)

№4 Глобальным аттрактором динамической системы  $(X, S_t)$  называется замкнутое множество  $A$  такое, что

1)  $A \subseteq X$ ,  $A$  — ограниченное множество;

2)  $S_t(A) \subseteq A$  — инвариантно;

3)  $A$  — равномерно притягивает траектории.

Здесь  $X$

а) Множество;

б) Подмножество;

**в) Оператор.**

Ответ: в)

№5 Глобальным аттрактором динамической системы  $(X, S_t)$  называется замкнутое множество  $A$  такое, что

1)  $A \subseteq X$ ,  $A$  — ограниченное множество;

2)  $S_t(A) \subseteq A$  — инвариантно;

3)  $A$  — равномерно притягивает траектории.

Здесь  $S_t$

а) Фазовое подпространство;

б) Подмножество;

**в) Фазовое пространство.**

Ответ: в)

№6 Глобальным аттрактором динамической системы  $(X, S_t)$  называется замкнутое множество  $A$  такое, что

1)  $A \subseteq X$ ,  $A$  — ограниченное множество;

2)  $S_t(A) \subseteq A$  — инвариантно;

3)  $A$  — равномерно притягивает траектории, т. е. ...

а)  $\limsup_{t \rightarrow \infty} (\text{dis } S_t g, A) = 2$ ;

**б)  $\limsup_{t \rightarrow \infty} (\text{dis } S_t g, A) = 0$ ;**

в)  $\limsup_{t \rightarrow \infty} (\text{dis } S_t g, A) = 6$ .

Ответ: б)

№7 Множество  $P$  — относительно компактно в  $C(R_+, E_0)$  тогда и только тогда, когда для любого  $T > 0$  множество  $\Pi_T P$  было ... Здесь  $\Pi_T$  — оператор сужения.

Ответ: **относительно компактно**

№8 Множество  $P$  — относительно компактно в  $C(R_+, E_0)$  тогда и только тогда, когда для любого  $T > 0$  множество  $\Pi_T P$  было относительно компактно. Здесь  $\Pi_T$  ...

а) Линейный оператор;

б) Оператор сдвига;

**в) Оператор сужения.**

Ответ: в)

№9 Является ли пространство  $L_\infty(R_+, E)$  линейным пространством?

**а) да;**

б) нет.

Ответ: а)

№10 Пространство  $C(R_+, E_0)$  состоит из непрерывных функций, определённых на  $R_+$  и принимающих значения в пространстве

а)  $E$ ;

**б)  $E_0$ ;**

в)  $R_+$ .

Ответ: б)

№11 Пространство  $C(R_+, E_0)$  состоит из непрерывных функций, определённых на  $\dots$  и принимающих значения в пространстве  $E_0$ .

а)  $E$ ;

**б)  $R_+$ ;**

в)  $E_0$ .

Ответ: б)

№12 Последовательность  $u_m \in C(R_+, E_0)$  сходится к функции  $u \in C(R_+, E_0)$  тогда и только тогда, когда эта последовательность сходится к  $u$  равномерно на каждом отрезке, содержащемся в ...

а)  $E$ ;

**б)  $R_+$ ;**

в)  $E_0$ .

Ответ: б)

№13 Последовательность  $u_m \in C(R_+, E_0)$  сходится к функции  $u \in C(R_+, E_0)$  тогда и только тогда, когда эта последовательность сходится к  $u$   $\dots$  на каждом отрезке, содержащемся в  $R_+$ .

а) поточечно;

**б) равномерно;**

в) в смысле распределений.

Ответ: б)

№14 При  $h \geq 0$  оператор сдвигов  $T(h)$  является линейным ... на  $L_\infty(R_+, E)$ .

а) непрерывным;

**б) ограниченным;**

в) обратимым.

Ответ: б)

№15 При  $h \geq 0$  оператор сдвигов  $T(h)$  является линейным ... на  $C(R_+, E_0)$ .

а) ограниченным;

**б) непрерывным;**

в) обратимым.

Ответ: б)

### **Критерии и шкалы оценивания заданий ФОС:**

1) Задания закрытого типа (выбор одного варианта ответа, верно/неверно):

- 1 балл – указан верный ответ;
- 0 баллов – указан неверный ответ.

2) Задания открытого типа (короткий текст):

- 2 балла – указан верный ответ;
- 0 баллов – указан неверный ответ.

3) Задания открытого типа (число):

- 2 балла – указан верный ответ;
- 0 баллов – указан неверный ответ.

**Задания раздела 20.3 рекомендуются к использованию при проведении диагностических работ с целью оценки остаточных результатов освоения данной дисциплины (знаний, умений, навыков).**

Программа рекомендована НМС математического факультета протокол № 0500-03 от 18.03.2025 г.